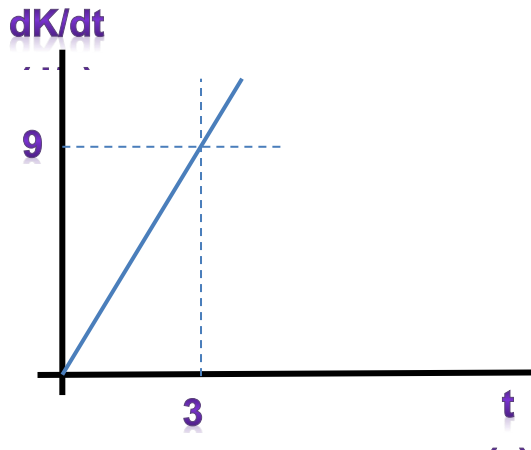


ΡΥΘΜΟΣ ΜΕΤΑΒΟΛΗΣ ΚΙΝΗΤΙΚΗΣ ΕΝΕΡΓΕΙΑΣ ΣΤΕΡΕΟΥ

Ομογενές στερεό ,μάζας M και ακτίνας R ,είναι αρχικά ακίνητο. Από τη στιγμή $t=0$ και μετά δέχεται σταθερή συνισταμένη δύναμη ΣF , και το στερεό αρχίζει να κυλιέται χωρίς να ολισθαίνει ,γύρω από άξονα που διέρχεται από το κέντρο μάζας του. Αν $MR^2 = 2 \text{ Kg m}^2$ και $I_{CM} = 1/2 MR^2$ τότε με βάση το παρακάτω διάγραμμα, του ρυθμού μεταβολής της ολικής κινητικής ενέργειας του στερεού, σε συνάρτηση με το χρόνο, σχεδιάστε το διάγραμμα του ρυθμού μεταβολής της γωνιακής ταχύτητας από $t=0$ έως $t=3s$

**Απάντηση**

$$\text{Είναι } \frac{dK}{dt} = \Sigma \tau \cdot \omega + \Sigma F \cdot v_{cm} \Rightarrow \frac{dK}{dt} = I_{CM} \alpha_{\gamma} \omega + M a_{cm} v_{cm}$$

$$\Rightarrow \frac{dK}{dt} = I_{CM} \alpha_{\gamma} \alpha_{\gamma} t + M a_{cm} a_{cm} t \Rightarrow \frac{dK}{dt} = (I_{CM} \alpha_{\gamma}^2 + M a_{cm}^2) t \quad (1)$$

$$\text{Όμως } a_{cm} = \alpha_{\gamma} R \text{ και } I_{CM} = \frac{MR^2}{2}, \text{ έτσι από (1) έχουμε } \frac{dK}{dt} = \left[\frac{MR^2}{2} \alpha_{\gamma}^2 + M(\alpha_{\gamma} R)^2 \right] t \Rightarrow$$

$$\frac{dK}{dt} = \left[\frac{MR^2}{2} \alpha_{\gamma}^2 + M \alpha_{\gamma}^2 R^2 \right] t \Rightarrow \frac{dK}{dt} = \frac{3MR^2 \alpha_{\gamma}^2}{2} t \Rightarrow \frac{dK}{dt} = \frac{3 \cdot 2 \alpha_{\gamma}^2}{2} t \Rightarrow \frac{dK}{dt} = 3 \alpha_{\gamma}^2 t$$

Από το δωθέν διάγραμμα ,προκύπτει ότι η κλίση της ευθείας είναι $\text{εφφ} = 9/3 = 3 \Rightarrow \text{εφφ} = 3$

δηλ ο συντελεστής της ευθείας $3 \alpha_{\gamma}^2 = 3 \Rightarrow \alpha_{\gamma}^2 = 1 \Rightarrow \alpha_{\gamma} = 1 \text{ r/s}^2$

και $\frac{d\omega}{dt} = \alpha_{\gamma} = \text{σταθερο} = 1 \text{ r/s}^2$ έτσι

